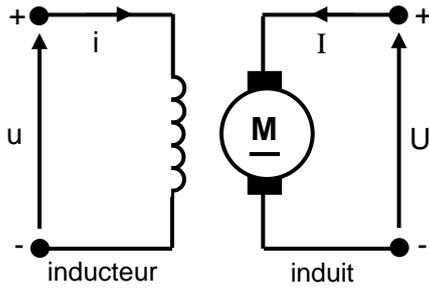


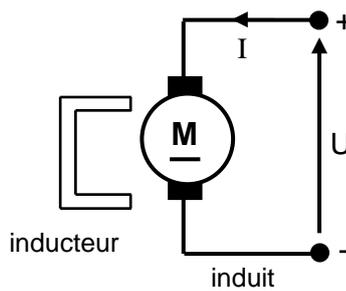
Moteur à excitation séparée

Symbole



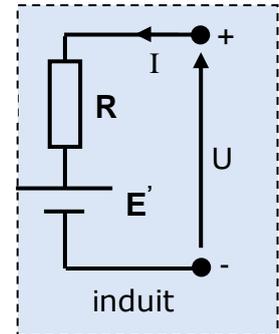
Moteur à aimant permanent

Symbole



Loi d'Ohm et schéma équivalent de l'induit :

$$U = E' + R.I$$



$$E' = n \cdot N \cdot \Phi \text{ avec :}$$

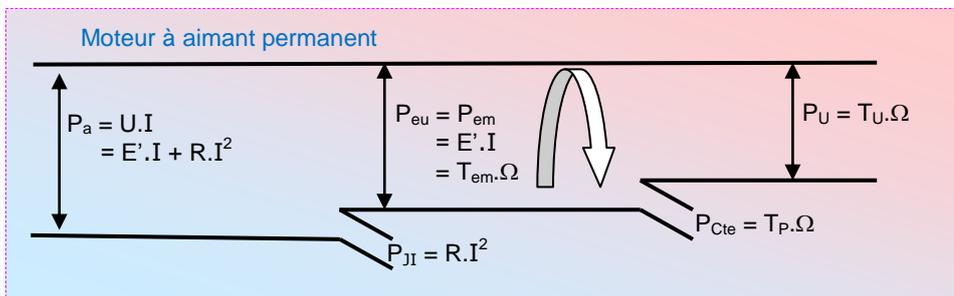
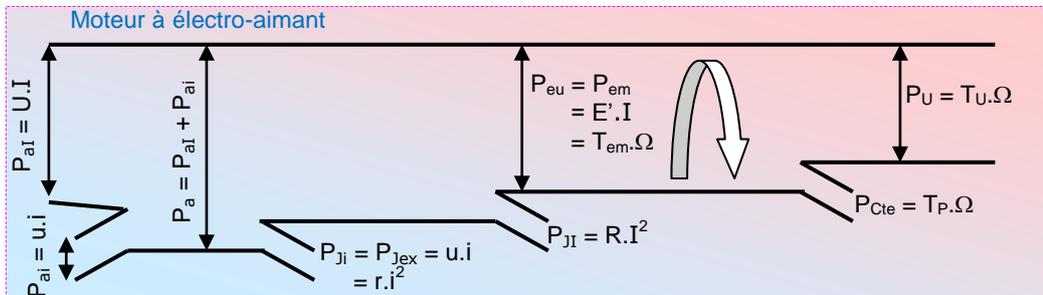
$E'$  : f.c.é.m. induite en Volts « V »

$n$  : fréquence de rotation en « tr / s »

$N$  : nombre de conducteurs actifs sur l'induit

$\Phi$  : flux inducteurs sous un pôle en Webers « Wb »

Bilan des puissances



Couple électromagnétique unité en (N.m)

$$T_{em} = \frac{P_{eu}}{\Omega} = \frac{E' \cdot I}{\Omega} = \frac{n \cdot N \cdot \phi \cdot I}{\Omega}$$

Or la fréquence de rotation  $n$  (tr/s) et la vitesse angulaire  $\Omega$  (rad / s) sont reliées par la relation  $\Omega = 2\pi \cdot n$  d'où :

$$T_{em} = \frac{n \cdot N \cdot \phi \cdot I}{2\pi \cdot n} = \frac{N \cdot \Phi \cdot I}{2\pi}$$

Le couple utile . unité en (N.m)

$$T_u = \frac{P_{eu} - P_c}{\Omega} = \frac{P_u}{2\pi \cdot n}$$

Moment du couple moteur :  $T_{em} = T_u + T_p$

Moment du couple utile :  $T_u$

Moment du couple des pertes :  $T_p$

Pertes constantes :  $P_{Cte} = UI_0 - RI_0^2 = E'_0 \cdot I_0$

A vide, la puissance utile :  $P_u = 0$

Rendement :

$$\eta = \frac{P_u}{P_a}$$

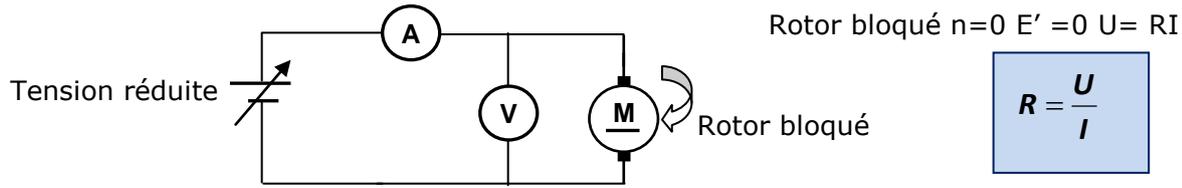
Moteur à excitation constante  $\Rightarrow$

le courant d'excitation  $i = Cte \Rightarrow$  le flux  $\phi = Cte$

$$\frac{n_2}{n_1} = \frac{E'_2}{E'_1}$$

Comment mesurer la résistance de l'induit ?

1<sup>ère</sup> méthode : Ohm-mètre 2<sup>ème</sup> méthode : Volt-ampéremétrique à rotor bloqué et à tension réduite



**Caractéristiques d'un moteur à courant continu :**

- ❖ Caractéristique de vitesse  $n = f(I)$  à  $U = cte$  et  $i_{ex} = cte$
- ❖ Caractéristique de couple  $T_u = f(I)$  à  $U = cte$  et  $i_{ex} = cte$
- ❖ Caractéristique mécanique  $T_u = f(n)$  à  $U = cte$  et  $i_{ex} = cte$

**1- Caractéristique de vitesse :**

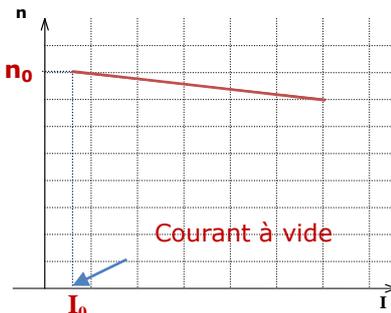
$$E' = nN\phi \Rightarrow n = \frac{E'}{N\phi} \text{ or } E' = U - RI$$

Vitesse à vide  $\rightarrow n_0$

$$n = \frac{U - RI}{N\phi} = \frac{U}{N\phi} - \frac{R}{N\phi} \times I$$

$$n = \frac{U}{N\phi} - \frac{R}{N\phi} \times I = a + bI$$

$$a = \frac{U}{N\phi} \quad b = -\frac{R}{N\phi}$$

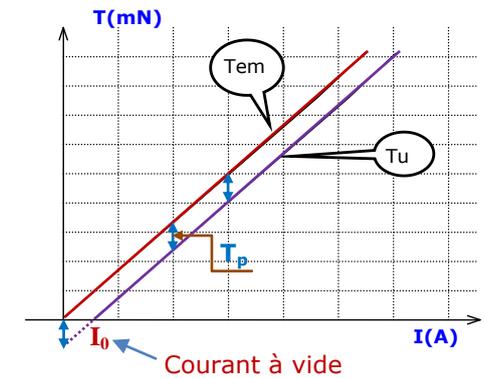


C'est l'équation d'une droite affine de pente négative

**2- Caractéristique de couple :**

$$T_{em} = \frac{P_{em}}{\Omega} = \frac{E' I}{\Omega} = \frac{nN\phi}{2\pi n} \times I = \frac{N\phi}{2\pi} \times I \Rightarrow T_{em} = \frac{N\phi}{2\pi} \times I$$

$$T_{em} = K \times I \text{ avec } K = \frac{N\phi}{2\pi}$$



C'est l'équation d'une droite linéaire de pente positive K

$T_u = T_{em} - T_p$  Pour la caractéristique  $T_u = f(I)$  C'est une droite affine de même pente K et d'ordonnée à l'origine  $-T_p$

$$T_u = \frac{N\phi}{2\pi} \times I - T_p$$

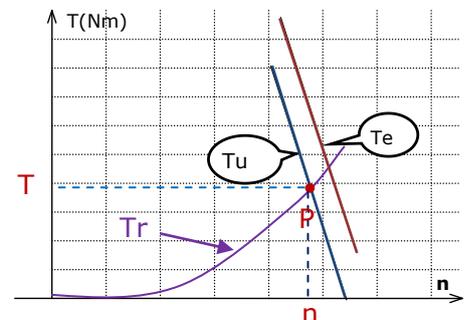
**3- Caractéristique mécanique :**

à partir des deux caractéristiques précédentes  $n = \frac{U}{N\phi} - \frac{R}{N\phi} \times I$

$$\frac{R}{N\phi} \times I = \frac{U}{N\phi} - n \Rightarrow I = \frac{U}{N\phi} \times \frac{N\phi}{R} - \frac{N\phi}{R} \times n \quad I = \frac{U}{R} - \frac{N\phi}{R} \times n$$

$$T_u = \frac{N\phi}{2\pi} \times I - T_p = \frac{N\phi}{2\pi} \left( \frac{U}{R} - \frac{N\phi}{R} \times n \right) - T_p = \left( \frac{N\phi U}{2\pi R} - T_p \right) - \frac{(N\phi)^2}{2\pi R} \times n$$

C'est l'équation d'une droite affine de pente négative

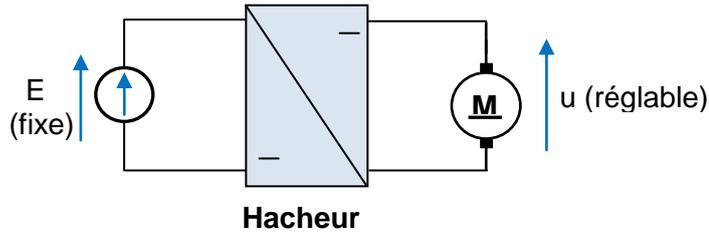


**Point de fonctionnement**

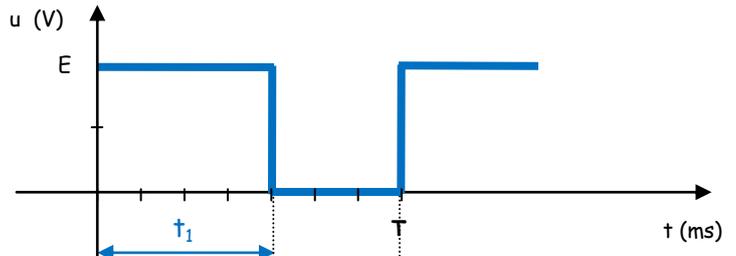
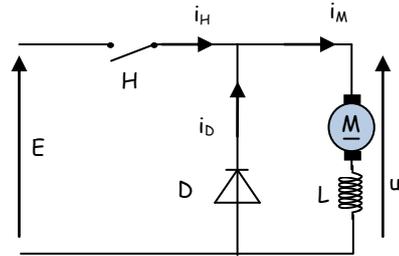
c'est l'intersection des deux caractéristiques  $T_u = f(n)$  et  $T_r = f(n)$

**Variation de la vitesse par action sur la tension U à flux constant par hacheur série :**

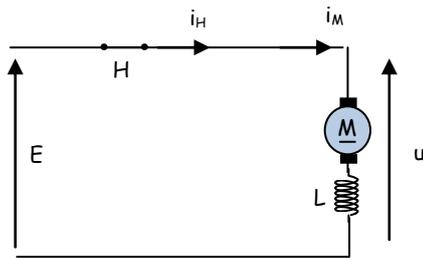
*C'est quoi un hacheur ?*



Un hacheur est un convertisseur : tension continue fixe E – tension continue réglable u. Il est composé d'un interrupteur électronique unidirectionnel H (**transistor ou thyristor**) fermé pendant un intervalle de temps  $t_1 = \alpha T$ , et ouvert pendant le reste de la période T. Une diode de roue libre D permet la protection du transistor ou du thyristor.



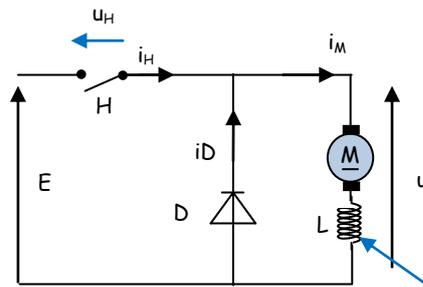
Interrupteur H	Fermé	Ouvert	Fermé
----------------	-------	--------	-------



H est fermé

$$i_H = i_M$$

$$i_D = 0$$



H est ouvert

$$i_D = i_M$$

$$i_H = 0$$

Bobine de lissage

Le rapport cyclique :  $\alpha = \frac{t_1}{T}$

La valeur moyenne de la tension aux bornes du moteur est  $\langle u \rangle = U_{moy} = \alpha E$

$0 \leq \alpha \leq 1$  donc  $0 \leq U_{moy} \leq E$  donc  $0 \leq n \leq n_n$

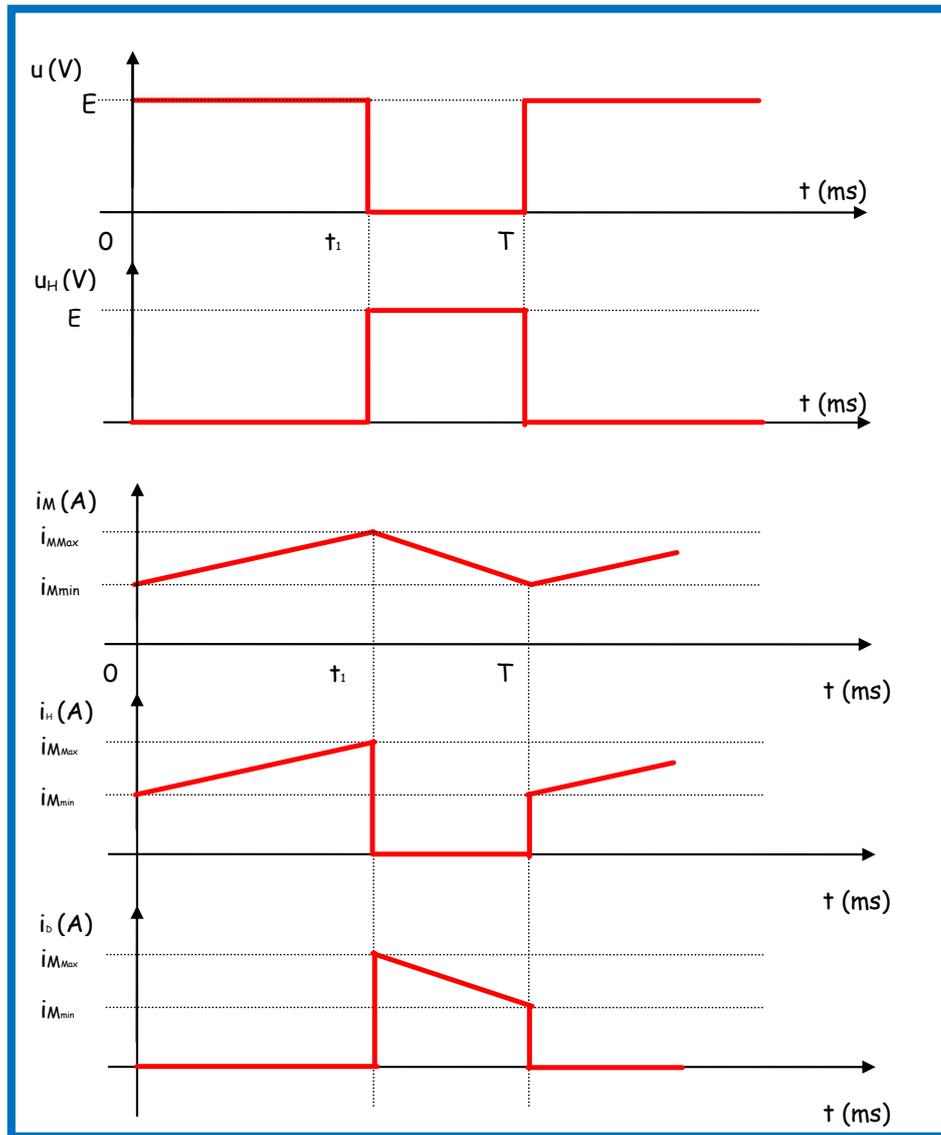
La valeur moyenne de la tension de sortie est variable de 0 à E suivant la valeur de  $\alpha$  et par suite la vitesse du moteur varie entre 0 et la vitesse nominale.

La valeur moyenne du courant absorbé par l'induit :  $\langle i \rangle = i_{Mmoy} = \frac{I_{Mmax} + I_{Mmin}}{2}$

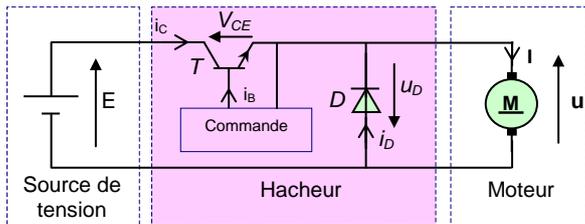
**Comment on peut diminuer l'ondulation du courant ?**

Deux solutions : 1<sup>ère</sup> solution : en ajoutant en série avec l'induit une bobine dite bobine de lissage

2<sup>ème</sup> solution : en augmentant la fréquence de hachage  $f_H$



Exemple de hacheur série

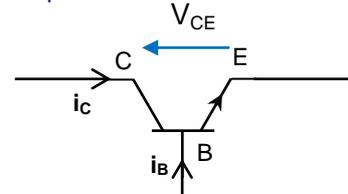


Le transistor est commandé périodiquement.  
 La période de hachage est  $T_H$ .  
 Nous appellerons rapport cyclique le rapport suivant :

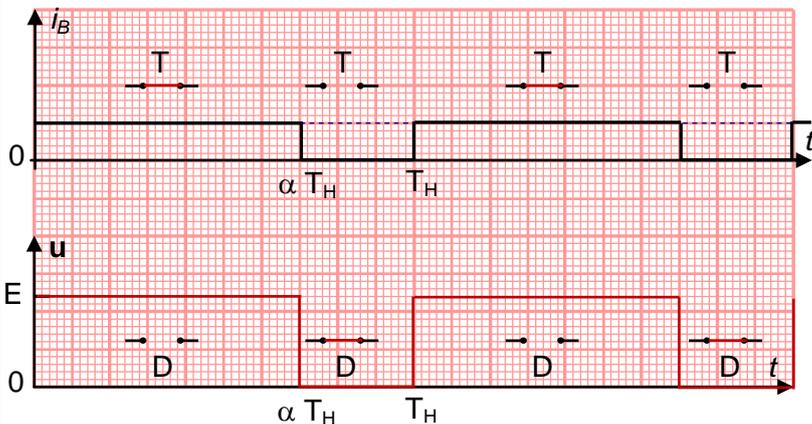
$$\alpha = \frac{\text{Temps de saturation du transistor}}{T_H}$$

$$0 \leq \alpha \leq 1$$

Transistor parfait en commutation



Transistor bloqué :  $i_B = 0$  ; le transistor est équivalent à un interrupteur ouvert



Transistor saturé :  $i_B \neq 0$  ; le transistor est équivalent à un interrupteur fermé

